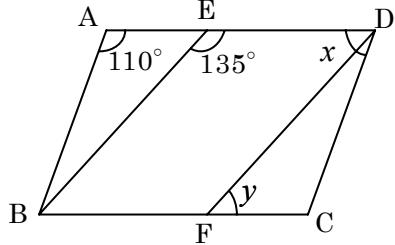


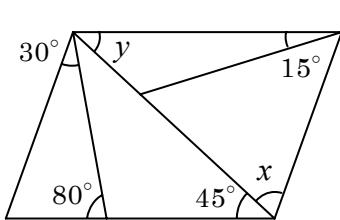
得点		演習問題	実施日	月 日	氏名
		平行四辺形 ①			

【1】次の平行四辺形について $\angle x, \angle y$ の大きさをそれぞれ求めなさい。

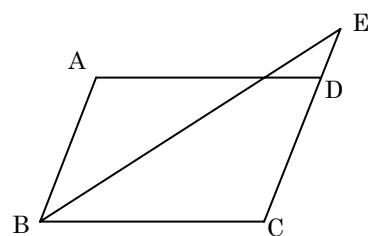
① $BE \parallel FD$ とする。



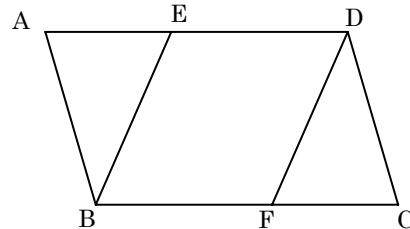
②



【2】右の平行四辺形で $AB = 10\text{cm}$ 、 $BC = 14\text{cm}$ で、 $\angle B$ の2等分線と辺 CD の延長との交点を E とするとき、線分 DE の長さを求めなさい。



【3】平行四辺形 $ABCD$ で辺 AD, BC 上に E, F をとり、 $AE=CF$ とするとき $BE=DF$ となることを証明しなさい。



$\triangle ABE$ と \triangle _____において

仮定より $AE = \underline{\hspace{2cm}}$ ①

また、平行四辺形の向かい合った _____ や _____ は
それぞれ等しいので

$\angle BAE = \angle \underline{\hspace{2cm}}$ ②

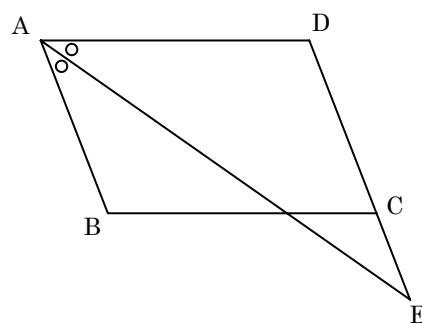
$AB = \underline{\hspace{2cm}}$ ③

①、②、③より _____ が

それぞれ等しいので $\triangle ABE \equiv \triangle \underline{\hspace{2cm}}$

合同な図形の対応する辺は等しいので $BE = DF$ である。

【4】平行四辺形 $ABCD$ の角 A の2等分線と辺 DC の延長との交点を E とすると、 $DE = BC$ となることを証明しなさい。



【5】下の平行四辺形になるための条件を完成させなさい。

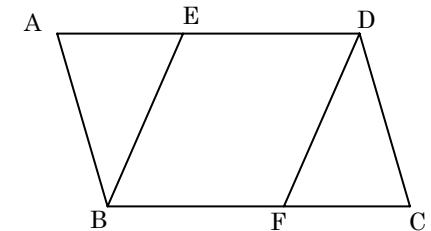
① 2組の _____ が _____

② 2組の _____ が _____

③ 2組の _____ が _____

④ 対角線が _____

⑤ 1組の _____ が _____ で _____



【6】平行四辺形 $ABCD$ で辺 AD, BC 上に E, F をとり、 $AE=CF$ とするとき四角形 $EBFD$ が平行四辺形となることを証明しなさい。

平行四辺形 $ABCD$ の向かい合った辺は _____ ので

$$AD = BC$$

仮定より $AE = \underline{\hspace{2cm}}$ なので $ED = \underline{\hspace{2cm}}$ ①

また、平行四辺形の向かい合った辺は _____ ので

$$AD \parallel \underline{\hspace{2cm}}$$

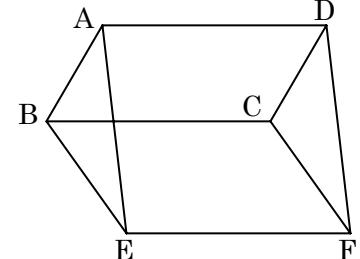
よって $ED \parallel \underline{\hspace{2cm}}$ ②

①、②より四角形 $EBFD$ の

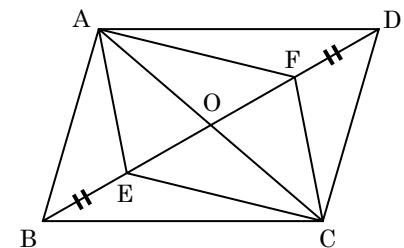
_____ ので

四角形 $EBFD$ は平行四辺形である。

【7】右の図で、2つの四角形 $ABCD$ 、 $BEFC$ は平行四辺形である。このとき、四角形 $AEFD$ は平行四辺形であることを証明しなさい。



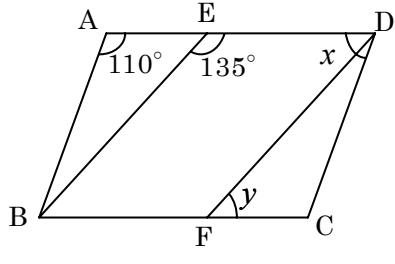
【8】右の平行四辺形 $ABCD$ で対角線 BD 上に、 $BE=DF$ となる点 E, F をとった。このとき四角形 $AECF$ が平行四辺形となることを証明しなさい。



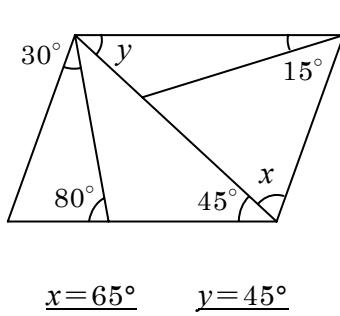
得点		演習問題【解答】	実施日	月 日	氏名
		平行四辺形 ①			

【1】次の平行四辺形について $\angle x, \angle y$ の大きさをそれぞれ求めなさい。

① $BE \parallel FD$ とする。

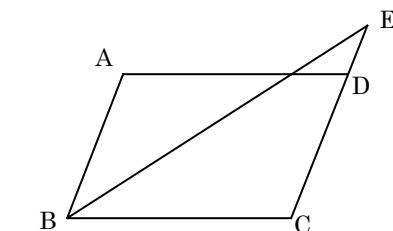


②

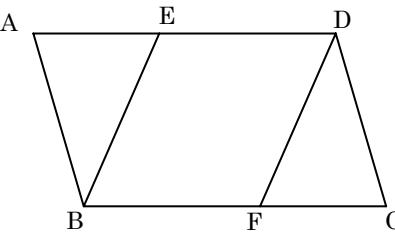


【2】右の平行四辺形で $AB=10\text{cm}$ 、 $BC=14\text{cm}$ で、 $\angle B$ の2等分線と辺 CD の延長との交点を E とするとき、線分 DE の長さを求めなさい。

$\triangle BCE$ は二等辺三角形になるので $DE=4\text{cm}$



【3】平行四辺形 $ABCD$ で辺 AD, BC 上に E, F をとり、 $AE=CF$ とするとき $BE=DF$ となることを証明しなさい。



$\triangle ABE$ と $\triangle CDF$ において

仮定より $AE=CF$ ①

また、平行四辺形の向かい合った辺や角はそれぞれ等しいので

$\angle BAE=\angle CDF$ ②

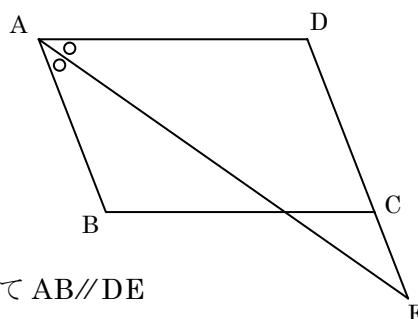
$AB=CD$ ③

①、②、③より 2組の辺とそのはさむ角が

それぞれ等しいので $\triangle ABE \cong \triangle CDF$

合同な図形の対応する辺は等しいので $BE=DF$ である。

【4】平行四辺形 $ABCD$ の角 A の2等分線と辺 DC の延長との交点を E とすると、 $DE=BC$ となることを証明しなさい。



平行四辺形 $ABCD$ において $AB \parallel DE$

錯角は等しいので $\angle BAE=\angle DEA$ ①

また仮定より $\angle BAE=\angle EAD$ ②

①,②より $\angle DEA=\angle EAD$

2角が等しいので $AD=DE$

また、平行四辺形の対辺だから $AD=BC$

よって $DE=BC$ である。

【5】下の平行四辺形になるための条件を完成させなさい。

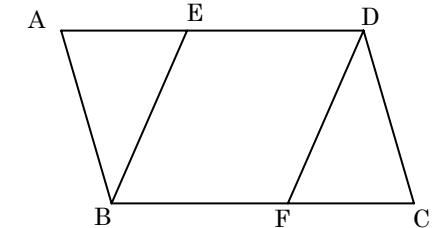
① 2組の対辺がそれぞれ平行

② 2組の対辺がそれぞれ等しい

③ 2組の対角がそれぞれ等しい

④ 対角線がそれぞれの中点で交わる

⑤ 1組の対辺が平行で等しい



【6】平行四辺形 $ABCD$ で辺 AD, BC 上に E, F をとり、 $AE=CF$ とするとき四角形 $EBFD$ が平行四辺形となることを証明しなさい。

平行四辺形 $ABCD$ の向かい合った辺は 等しい ので

$$AD=BC$$

仮定より $AE=CF$ なので $ED=BF$ ①

また、平行四辺形の向かい合った辺は 平行 ので

$$AD \parallel BC$$

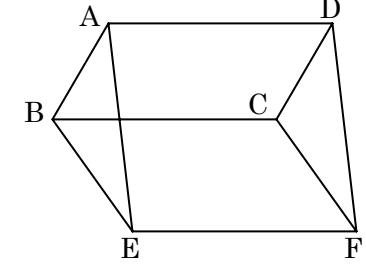
よって $ED \parallel BF$ ②

①、②より四角形 $EBFD$ の

1組の向かい合った辺が平行で等しい ので

四角形 $EBFD$ は平行四辺形である。

【7】右の図で、2つの四角形 $ABCD$ 、 $BEFC$ は平行四辺形である。このとき、四角形 $AEFD$ は平行四辺形であることを証明しなさい。



平行四辺形 $ABCD$ において

$$AD \parallel BC, AD=BC$$
①

また平行四辺形 $BEFC$ においても同様に

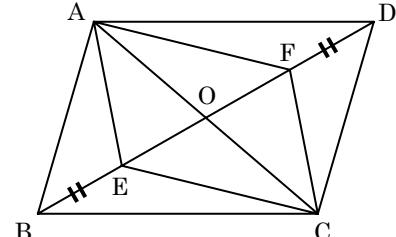
$$BC \parallel EF, BC=EF$$
②

①,②より $AD \parallel EF, AD=EF$

1組の向かい合った辺が平行で等しいので

四角形 $AEFD$ は平行四辺形である。

【8】右の平行四辺形 $ABCD$ で対角線 BD 上に、 $BE=DF$ となる点 E, F をとった。このとき四角形 $AECF$ が平行四辺形となることを証明しなさい。



平行四辺形の対角線はそれぞれの中点で交わるので

$$AO=CO$$
①, また、 $BO=DO$

仮定より $BE=DF$ なので $EO=FO$ ②

①,②より対角線がそれぞれの中点で交わるので

四角形 $AECF$ は平行四辆形である。