

# 数量の関係を表す式

## 数量の関係を等式に表す

[例]  $x$  円の鉛筆 4 本と 50 円の消しゴム 1 個を買ったとき、代金の合計は 370 円であった。  
このとき、数量の関係を等式で表しなさい。

$$\begin{array}{l} \text{鉛筆の代金} + \text{消しゴムの代金} = \text{合計} \text{ なので} \\ x \times 4 \qquad \qquad \qquad + 50 \qquad \qquad \qquad = 370 \end{array} \quad \text{答 } 4x + 50 = 370$$

等号より左側を \_\_\_\_\_、右側を \_\_\_\_\_、左辺と右辺を合わせてと \_\_\_\_\_ いう。

【1】次の数量の関係を等式に表しなさい。

①  $x$  の 3 倍は 360 である。

② 17 に  $x$  を加えたら 30 になった。

③ 10 と  $x$  の 4 倍の和は 52 である。

④  $x$  円のりんご 7 個の代金は 1050 円である。

⑤ 100 ページある本を  $a$  ページ読むと、残りは  $b$  ページである。

⑥ 80 本の鉛筆を  $x$  人で分けたとき、1 人  $y$  本ずつであまりはなかった。

⑦  $a$  円の鉛筆 6 本と 80 円のノート 1 冊を買ったとき代金は  $b$  円である。

⑧ 1 本 80 円の鉛筆  $a$  本と、1 冊 120 円のノート  $b$  冊を買ったとき代金は 760 円である。

## 数量の関係を表す式

【2】次の数量の関係を等式に表しなさい。

① 1個  $x$  円のりんごを 4 個買い、1000 円を支払うとおつりは  $y$  円であった。

② 長さ  $a$  m のリボンから長さ  $b$  m のリボンを 6 本切り取ると残りは  $c$  m であった。

③  $a$  km の道のりを毎時 50km の速さで進むと  $b$  時間かかる。

④ 毎時 45km の速さで  $x$  時間進むと  $y$  km 進むことができた。

⑤ 每分  $a$  m の速さで  $b$  分間進むと 5 km 進むことができた。

⑥  $x$  km の道のりを毎時 4 km で歩くと  $y$  時間かかった。

⑦ 片道  $x$  km の山道を上りは毎時 4 km で、下りは毎時 6 km で往復すると合計 5 時間かかる。

⑧ 全校生 800 人の  $x$  %が女子で、その人数は 440 人である。

⑨ クラスの生徒 36 人のうち  $a$  %が運動部に所属していて、その人数は  $b$  人である。

# 数量の関係を表す式

## 図形に関する公式

[例] 一邊が  $a$  cm の立方体で、表面積  $S$  cm<sup>2</sup> を求める公式をつくりなさい。

立方体の展開図は一邊が  $a$  cm の正方形 6 面からできているので  
表面積  $S$  は  $a \times a \times 6$  として求められる。よって  $S = 6a^2$  である。

公式は求めようとする数量を表す文字を左辺に置いて表す。

【3】次の公式をつくりなさい。

① 1辺の長さが  $a$  cm の正方形の周囲の長さ  $\ell$  cm を求める公式。

$$\ell =$$

② 1辺の長さが  $a$  cm の正方形の面積  $S$  cm<sup>2</sup> を求める公式。

$$S =$$

③ 縦  $a$  cm、横  $b$  cm の長方形の面積  $S$  cm<sup>2</sup> を求める公式。

$$S =$$

④ 縦  $a$  cm、横  $b$  cm の長方形の周囲  $\ell$  cm を求める公式。

$$\ell =$$

⑤ 底辺  $a$  cm、高さ  $h$  cm の三角形の面積  $S$  cm<sup>2</sup> を求める公式。

$$S =$$

⑥ 底辺  $a$  cm、高さ  $h$  cm の平行四辺形の面積  $S$  cm<sup>2</sup> を求める公式。

$$S =$$

⑦ 1辺の長さが  $a$  cm の立方体の体積  $V$  cm<sup>3</sup> を求める公式。

$$V =$$

⑧ 縦  $a$  cm、横  $b$  cm、高さ  $c$  cm の直方体の体積  $V$  cm<sup>3</sup> を求める公式。

$$V =$$

# 数量の関係を表す式

## 円に関する公式

[例] 半径  $a$  cm、中心角  $120^\circ$  のおうぎ形の面積を  $S$  cm<sup>2</sup> を求める公式をつくりなさい。ただし、円周率を  $\pi$  で表すものとします。

$$\text{おうぎ形の面積} = \text{半径} \times \text{半径} \times \text{円周率} \times \frac{\text{中心角}}{360}$$
$$S = a \times a \times \pi \times \frac{120}{360} \quad \underline{\text{よって } S = \frac{1}{3}\pi a^2}$$

【4】次の公式をつくりなさい。ただし、円周率を  $\pi$  で表すものとします。

① 半径  $a$  cm の円周  $\ell$  cm を求める公式。

$$\ell =$$

② 半径  $x$  cm の円の面積  $S$  cm<sup>2</sup> を求める公式。

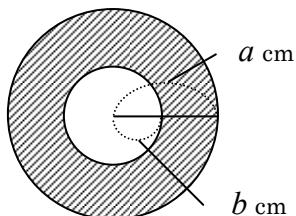
$$S =$$

③ 半径  $r$  cm の半円の面積  $S$  cm<sup>2</sup> を求める公式。

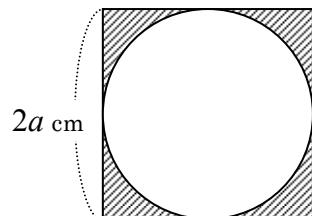
$$S =$$

【5】次の図形の斜線の部分の面積  $S$  cm<sup>2</sup> を求める式をつくりなさい。

①



②



# 数量の関係を表す式

## 数量の関係を不等式に表す

不等式… 「～は…より大きい」などの数量関係は不等号  $>$  または  $<$  を用いて表し、不等号を用いた式を不等式という。また、「～以上、～以下」の場合は  $\geq$  または  $\leq$  を用いた不等式で表す。

$$\begin{array}{ll} a \text{ は } b \text{ より大きい} \rightarrow & a > b \\ a \text{ は } b \text{ より小さい} \rightarrow & a < b \\ a \text{ は } b \text{ 未満である} \rightarrow & a < b \end{array}$$

$$\begin{array}{ll} a \text{ は } b \text{ 以上である} \rightarrow & a \geq b \\ a \text{ は } b \text{ 以下である} \rightarrow & a \leq b \end{array}$$

[例] ある数  $a$  の 5 倍から  $b$  を引くと負の数になった。このことを不等式で表しなさい。

(解) 負の数は 0 より小さい数のことだから

$$5a - b < 0$$

## 【1】次の数量の関係を不等式に表しなさい。

①  $a$  から  $b$  を引くと 5 より大きくなつた。

②  $a$  m のひもから  $b$  m のひもを 7 本切り取ると残りの長さは 3 m 未満になつた。

③ 分速 70 m で  $x$  分間歩き続けると 800 m 以上進むことができた。

④ 1 本 50 円の鉛筆  $x$  本の代金は、1 個 80 円の消しゴム  $y$  個の代金より高い。

⑤ 1 個 170 円のケーキ  $a$  個を、50 円の箱に入れてもうと代金は 900 円以下になつた。

⑥ 1 個 150 円のりんご  $a$  個と、1 個 80 円のなし  $b$  個を買って 1000 円を支払うとおつりがあった。

⑦  $x$  km の道のりを時速 4 km で進むと  $y$  時間以上かかる。

## 数量の関係を表す式

【2】次の数量の関係を不等式に表しなさい。

①  $a$  から  $b$  を引いた差は負の数になった。

②  $x$  と  $y$  の積は正の数になった。

③ 70 個のみかんを  $a$  人に 6 個ずつ配ったところ  $b$  個以上余った。

④  $a$  個のみかんを 7 人に  $b$  個ずつ配ったところ、あまりは 2 個以下だった。

⑤ 50 本の鉛筆を 6 人に  $x$  本ずつ配ろうとしたら不足した。

⑥  $x$  km の道のりを毎時 45km の速さで進むと  $y$  時間より多くかかった。

⑦ 片道  $x$  km の山道を、上りは毎時 2km で、下りは毎時 4km で往復すると合計 5 時間以下で往復できる。

⑧ ある学校の生徒 450 人の  $x$  %が運動部に所属していて、その人数は 270 人以上であった。